

全国成人高校招生统考全真模拟试卷

数学·理工农医类(二)

(总分 150 分;考试时间 120 分钟)

题 号	一	二	三	总 分
分 数				

得 分	评卷人

一、选择题:本大题共 17 小题;每小题 5 分,共 85 分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的.

1. 设集合 $M = \{x \mid x = \frac{k}{2} + \frac{1}{4}, k \in \mathbf{Z}\}$, $N = \{x \mid x = \frac{k}{4} + \frac{1}{2}, k \in \mathbf{Z}\}$, 则 ()
 - A. $M = N$
 - B. $M \subset N$
 - C. $M \supset N$
 - D. $M \cap N = \emptyset$
2. 复数 $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^4$ 的值等于 ()
 - A. -1
 - B. i
 - C. 1
 - D. $-i$
3. 设 $y = f^{-1}(x)$ 是函数 $y = f(x)$ 的反函数,若 $f(x)$ 过点 $(1, 0)$, 则 $f^{-1}(x+2)$ 一定过点 ()
 - A. $(0, 1)$
 - B. $(3, 0)$
 - C. $(-2, 1)$
 - D. $(2, 1)$
4. 若 $f(x)$ 为奇函数,则下列函数也为奇函数的是 ()
 - A. $(1+x^2) \cdot f(x)$
 - B. $f(x) \cdot \sin x$
 - C. $x \cdot f(x)$
 - D. $\sin x \cdot \cos x \cdot f(x)$

5. 函数 $f(x) = \frac{\lg(x-1)}{\sqrt{4-x^2}}$ 的定义域是

A. $x > 2$

B. $x \geq 2$

C. $1 < x \leq 2$

D. $1 < x < 2$

6. 函数 $y = \sin 2x \tan x$ 的最小正周期为

A. 2π

B. π

C. $\frac{\pi}{2}$

D. 2

7. 已知 $\cos \alpha = \frac{5}{13}$ ($\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$), 则 $\tan \frac{\alpha}{2} =$

A. $\frac{2}{3}$

B. $\frac{3}{2}$

C. $-\frac{3}{2}$

D. $-\frac{2}{3}$

8. 若 $a > b$, 则下列不等式成立的是

A. $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$

B. $2^a > 2^b$

C. $a^2 > b^2$

D. $\lg(a-b) > 0$

9. 通过点 $(-2, \frac{5}{2})$, 并与两条坐标轴围成的三角形面积等于 10 的直线方程是

A. $5x - 4y + 20 = 0$

B. $5x - 4y - 20 = 0$

C. $5x + 4y - 20 = 0$

D. $5x + 4y + 20 = 0$

10. 函数 $y = \sqrt{3} \cos x - \sin x + 2$ 的最大值是

A. 2

B. 4

C. 0

D. $\sqrt{3}$

11. 一部影片, 在 5 个不同单位轮映, 每单位放映 1 场, 轮映次序共有

A. 5 种

B. 24 种

C. 60 种

D. 120 种

12. 已知向量 $\mathbf{a} = (1, -3)$, $\mathbf{b} = (k, 2)$, 且 $\mathbf{a} \perp \mathbf{b}$, 则 k 等于

A. 3

B. -3

C. 6

D. -6

13. 等差数列 $\{a_n\}$ 中, $a_3 = 10$, a_3, a_7, a_{10} 成等比数列, 则 $\{a_n\}$ 的公差 $d =$

A. $\frac{5}{8}$

B. $-\frac{5}{8}$

C. 0 或 $\frac{5}{8}$

D. 0 或 $-\frac{5}{8}$

14. 在 $\triangle ABC$ 中, $A : B : C = 1 : 2 : 3$, 则 $a : b : c =$ ()

A. $1 : 2 : \sqrt{3}$

B. $\sqrt{3} : 2 : 1$

C. $1 : \sqrt{3} : 2$

D. $2 : 3 : 1$

15. 如果球的大圆面积扩大到原来的 3 倍, 那么它的体积扩大到原来的 ()

A. $\sqrt[3]{3}$ 倍

B. $3\sqrt{3}$ 倍

C. 3 倍

D. $\sqrt{3}$ 倍

16. 已知点 $A(1, 4), B(3, -8)$, 则线段 AB 的垂直平分线的方程是 ()

A. $x - 6y - 14 = 0$

B. $x + 6y + 14 = 0$

C. $x + 6y - 14 = 0$

D. $x - 6y + 14 = 0$

17. 甲、乙两人射击的命中率都是 0.6, 他们对着目标各自射击一次, 恰有一个击中目标的概率是 ()

A. 0.36

B. 0.48

C. 0.84

D. 1

得分	评卷人

二、填空题: 本大题共 4 小题; 每小题 4 分, 共 16 分. 把答案填在题中横线上.

18. 设函数 $f(x) = 10^{x-1}$, 则 $f(\lg 3)$ 的值为 _____.

19. 设 $y = e^x \sin x - x^3$, 则 $y' =$ _____.

20. $4 - 3x - x^2 \leq 0$ 的解集是 _____.

21. 设离散型随机变量的概率分布为 $P(\xi = k) = \frac{k+1}{10}, k = 0, 1, 2, 3$, 则 $E(\xi) =$ _____.

得 分	评卷人

三、解答题:本大题共 4 小题,共 49 分.解答应写出推理、演算步骤.

22. 本小题满分 12 分

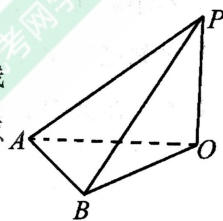
设 $\{a_n\}$ 为等差数列, $\{b_n\}$ 为等比数列, $a_1 = b_1 = 1$, $a_2 + a_4 = b_3$, $b_2 \cdot b_4 = a_3$, 分别求 $\{a_n\}$ 及 $\{b_n\}$ 的前 10 项和 S_{10} 及 T_{10} .

23. 本小题满分 12 分

已知函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 + m$, 在 $[-2, 2]$ 上有最大值 5, 试确定常数 m , 并求这个函数在该闭区间上的最小值.

24. 本小题满分 12 分

如图：地面上有一旗杆 OP ，为了测量它的高度 h ，在地面上取一基线 $AB = 200\text{m}$ ，在 A 处测得 P 点的仰角 $\angle OAP = 30^\circ$ ，在 B 处测得 P 点的仰角 $\angle OBP = 45^\circ$ ，又测得 $\angle AOB = 60^\circ$ ，求旗杆高 h 。



25. 本小题满分 13 分

设椭圆 $\frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{\lambda^2} = 1 (\lambda > 0)$ 的焦点在 x 轴上, O 为坐标原点, P, Q 为椭圆上两点, 使得 OP

所在直线斜率为 1, 且 $OP \perp OQ$, 若 $\triangle POQ$ 的面积为 $\frac{3\sqrt{2}}{4}\lambda$, 求该椭圆的焦距.

数学(理工农医类)全真模拟试卷(二) 参考答案

一、

1. B
2. C
3. C
4. A
5. D
6. B
7. D
8. B
9. A
10. B
11. D
12. C
13. D
14. C
15. B
16. A
17. B

二、

$$18. \frac{3}{10}$$

$$19. e^x (\sin x + \cos x) - 3x^2$$

$$20. \{x \mid x \leq -4 \text{ 或 } x \geq 1\}$$

21. 2

三、

22. 解: 由已知有 $a_2 + a_4 = 2a_3$

$$b_2 \cdot b_4 = b_3^2$$

$$\text{又 } a_2 + a_4 = b_3, b_2 \cdot b_4 = a_3$$

$$\therefore \begin{cases} 2a_3 = b_3 \\ a_3 = b_3^2 \end{cases}$$

$$\therefore b_3^2 = \frac{1}{2}b_3, \because b_3 \neq 0$$

$$\therefore b_3 = \frac{1}{2}, a_3 = \frac{1}{4}$$

$$\text{又知 } a_1 = b_1 = 1$$

$$\therefore \text{由 } a_3 = a_1 + 2d$$

$$\text{得 } d = -\frac{3}{8}$$

$$\text{由 } b_3 = b_1 q^2 \text{ 得 } q = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\therefore S_{10} = 10 \times 1 + \frac{10 \times 9}{2} \times \left(-\frac{3}{8}\right) = -\frac{55}{8}$$

$$T_{10} = \frac{1 - \left(\pm \frac{\sqrt{2}}{2}\right)^{10}}{1 \pm \frac{\sqrt{2}}{2}}$$

$$\text{当 } q = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ 时, } T_{10} = \frac{31(2 + \sqrt{2})}{32}$$

$$\text{当 } q = -\frac{\sqrt{2}}{2} \text{ 时, } T_{10} = \frac{31(2 - \sqrt{2})}{32}$$

23. 解: $f'(x) = 3x^2 - 6x = 3x(x - 2)$

$$\text{令 } f'(x) = 0, \text{ 得驻点 } x_1 = 0, x_2 = 2$$

$$\text{当 } x < 0 \text{ 时, } f'(x) > 0;$$

$$\text{当 } 0 < x < 2 \text{ 时, } f'(x) < 0$$

$$\therefore x = 0 \text{ 是 } f(x) \text{ 的极大值点, 极大值 } f(0) = m$$

$$\therefore f(0) = m \text{ 也是最大值}$$

$$\therefore m = 5, \text{ 又 } f(-2) = m - 20$$

$$f(2) = m - 4$$

$$\therefore f(-2) = -15, f(2) = 1$$

$$\therefore \text{函数 } f(x) \text{ 在 } [-2, 2] \text{ 上的最小值为 } f(-2) = -15$$

24. 解: $OA = OP \cdot \cot 30^\circ = \sqrt{3}h$

$$\therefore \angle OBP = 45^\circ, \angle POB = 90^\circ$$

$$\therefore OB = OP = h$$

在 $\triangle AOB$ 中由余弦定理

$$AB^2 = OA^2 + OB^2 - 2 \cdot OA \cdot OB \cos \angle AOB$$

$$\text{即 } 200^2 = 3h^2 + h^2 - 2\sqrt{3}h \cdot h \cos 60^\circ$$

$$200^2 = 4h^2 - \sqrt{3}h^2$$

$$\therefore h = \frac{200}{\sqrt{4-\sqrt{3}}}$$

$$\text{答: 旗杆高为 } \frac{200}{\sqrt{4-\sqrt{3}}} \text{ m}$$

25. 解: 设 P, Q 的坐标分别为 $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$

$\because OP$ 所在直线斜率为 1, 又 $OP \perp OQ$

$$\therefore x_1 = y_1, x_2 = -y_2$$

$$\text{又由 } \frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{\lambda^2} = 1$$

$$\text{得 } x_1^2 = x_2^2 = \frac{6\lambda^2}{6+\lambda^2}$$

$$\therefore |OP| = |OQ| = \sqrt{2} |x_1|$$

又知 $OP \perp OQ$

$$\therefore \triangle POQ \text{ 面积 } S = \frac{1}{2} |OP| \cdot |OQ| = \frac{6\lambda^2}{6+\lambda^2}$$

$$\therefore \text{由 } \frac{6\lambda^2}{6+\lambda^2} = \frac{3\sqrt{2}}{4} \lambda$$

$$\text{得 } \lambda^2 - 4\sqrt{2}\lambda + 6 = 0$$

$$\therefore \lambda = 3\sqrt{2} \text{ 或 } \lambda = \sqrt{2}$$

$\because$ 焦点在 x 轴上

$$\therefore 0 < \lambda < \sqrt{6},$$

$$\therefore \lambda = \sqrt{2}$$

$$\therefore \text{焦距为 } 2\sqrt{6-\lambda^2} = 2\sqrt{6-2} = 4$$